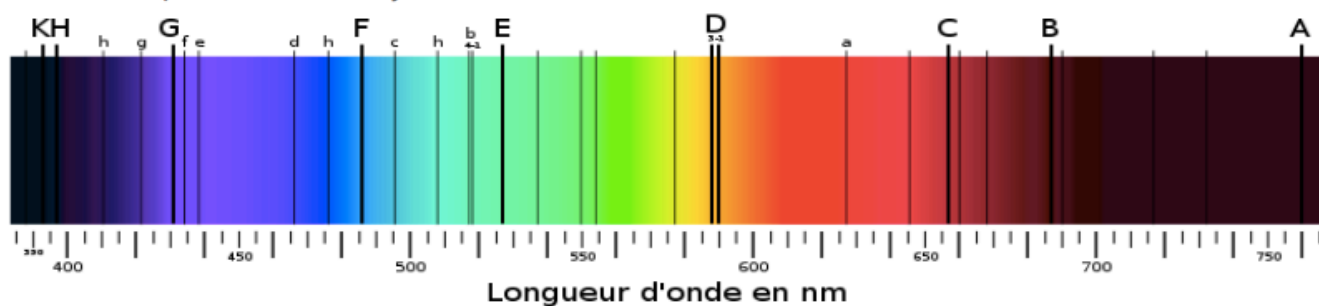


1860, Gustav Kirchhoff mesure la longueur d'onde de plusieurs milliers de ces raies et montre qu'elles coïncident avec celles émises par diverses entités chimiques : hydrogène, calcium, cuivre, fer, zinc, ...
Fraunhofer, en 1861, le premier atlas du système solaire.



Spectre de la lumière solaire obtenu par Fraunhofer avec des raies principales identifiées par Kirchhoff

g. En vous aidant du tableau ci-dessous identifier les raies principales du spectre solaire de Fraunhofer.

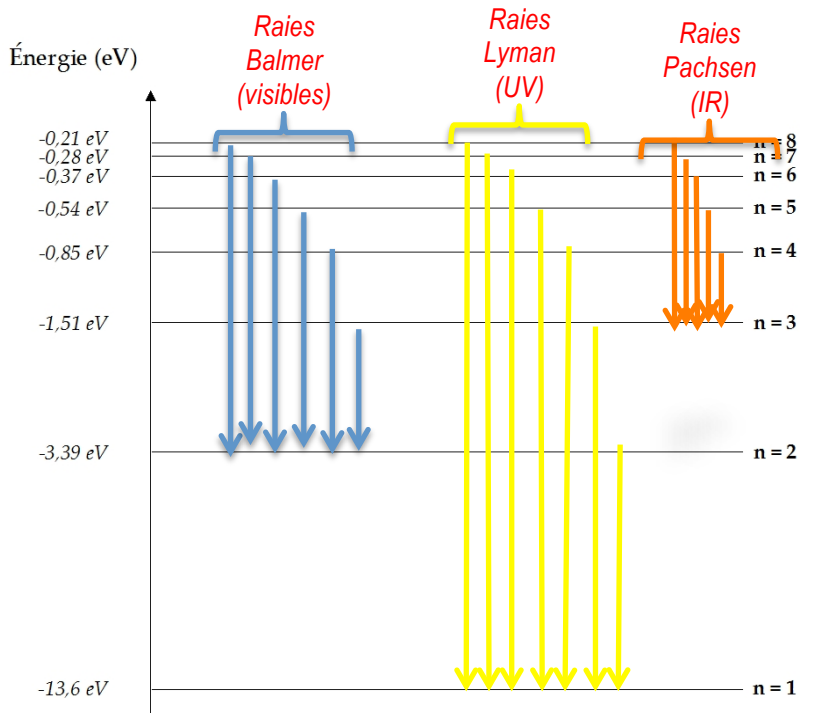
Longueurs d'onde, exprimées en nm de certaines raies caractéristiques de quelques éléments chimiques								
Éléments chimiques	Hydrogène (H)	Sodium (Na)	Magnésium (Mg)	Calcium (Ca)	Fer (Fe)	Titane (Ti)	Manganèse (Mn)	Dioxygène (O ₂)
Longueurs d'onde (nm)	434	589,0	470,3	396,8	438,3	466,8	403,6	686,7
	486,1	589,6	516,7	422,7	489,1	469,1		762,1
	656,3			458,2	491,9	498,2		
				526,2	495,7			
				527	532,8			
				537,1				
				539,7				

Raie d'absorption	A	B	C	D ₁	D ₂	E	F	G	H	K
λ (nm)	762,1	686,7	656,3	589,6	589,0	526,2	486,1	434	396,8	392
Élément chimique	O ₂	O ₂	H	Na	Na	Ca	H	H	Ca	?

Pour expliquer le spectre solaire, en particulier la présence des raies d'absorption, il faudra attendre le début du XX^{ème} siècle avec l'avènement de la mécanique quantique. Dans l'atome d'Hydrogène que nous allons étudier, tous les niveaux d'énergie ne sont pas accessibles, seuls certains le sont, on parle de quantification. Un atome excité émettra un photon possédant une certaine énergie, donc à une certaine fréquence.

Voici le diagramme d'énergie de l'atome d'Hydrogène :

Les valeurs numériques de ces niveaux sont les niveaux d'énergie \mathcal{E} de l'atome d'hydrogène



Remarque : 1 eV = 1,602.10⁻¹⁹ J

h. Calculer la variation d'énergie $\Delta\mathcal{E}_{n \rightarrow 2}$ correspondant aux transitions entre les niveaux d'énergie \mathcal{E}_n et \mathcal{E}_2 , pour n = 3 à n = 8.

\mathcal{E}_n et \mathcal{E}_2 , pour n = 3 à n = 8.

(se rapporte aux 6 transitions repérées en bleu sur le diagramme)

$$\Delta\mathcal{E}_{n2} = \mathcal{E}_2 - \mathcal{E}_n$$

\mathcal{E}_2	-3,39	-3,39	-3,39	-3,39	-3,39	-3,39

ex

$$\Delta\mathcal{E}_{3,2} = -3,39 - (-1,51) = -1,88 \text{ eV}$$

que l'on convertit en joules

$$\Delta\mathcal{E}_{3,2} = -1,88 \times 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

$$|\Delta\mathcal{E}_{3,2}| = 1,88 \times 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

On procède de la même façon pour les autres transitions (voir tableau ci dessous)

\mathcal{E}_n	-1,51	-0,85	-0,54	-0,37	-0,28	-0,21
$\Delta\mathcal{E}_{i \rightarrow f}(\text{eV})$	1,88	2,54	2,85	3,02	3,11	3,18
$ \Delta\mathcal{E}_{n \rightarrow 2} (\text{J})$	3,01E-19	4,06E-19	4,56E-19	4,83E-19	4,98E-19	5,09E-19

- i. En déduire la fréquence ν_{n2} du photon émis par l'atome d'Hydrogène pour chaque transition. Puis calculer la longueur d'onde correspondante.

La fréquence du photon émis ou absorbé est lié à l'énergie de ce photon $\Delta E = h \cdot \nu_{n2}$

Cette énergie est égale à la valeur absolue de la variation d'énergie $\Delta\mathcal{E}$ correspondant à la transition $n \rightarrow 2$

Soit

$$\Delta E = \Delta\mathcal{E} = h \cdot \nu_{n \rightarrow 2}$$

d'où

$$\nu_{n2} = \Delta\mathcal{E} / h$$

pour la première transition

$$\nu_{8 \rightarrow 2} = \Delta\mathcal{E}_{8 \rightarrow 2} / h$$

avec pour la constante de Planck $h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$

$$\nu_{8 \rightarrow 2} = 3,01 \cdot 10^{-19} / 6,60 \cdot 10^{-34}$$

$$= 4,56 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$$

la longueur d'onde correspondante λ_{n2} se déduit de la fréquence par

$$\lambda_{n \rightarrow 2} = c / \nu_{n \rightarrow 2}$$

Soit

$$\lambda_{8 \rightarrow 2} = c / \nu_{8 \rightarrow 2}$$

$$\lambda_{8 \rightarrow 2} = 3,00 \cdot 10^8 / 4,56 \cdot 10^{14}$$

$$\lambda_{8 \rightarrow 2} = 6,58 \cdot 10^{-7} \text{ m}$$

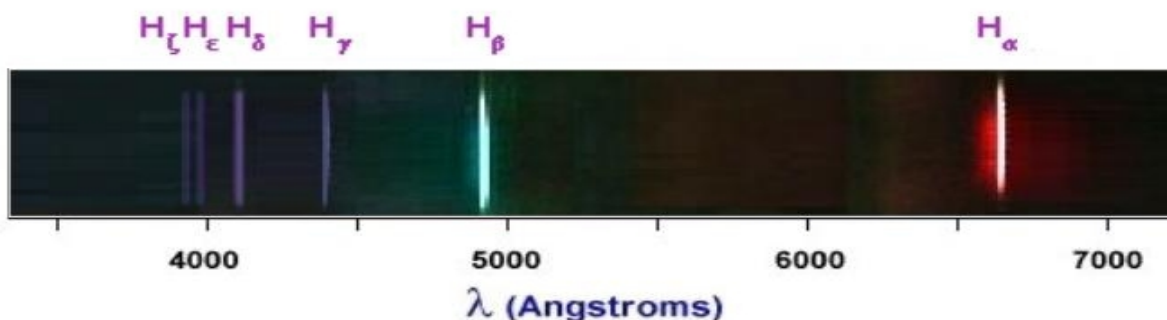
$$\lambda_{8 \rightarrow 2} = 658 \text{ nm}$$

de la même façon

$\Delta\mathcal{E}_{i \rightarrow f}(\text{J})$	3,01E-19	4,06E-19	4,56E-19	4,83E-19	4,98E-19	5,09E-19
$\nu_{f \rightarrow 2} = \Delta\mathcal{E}_{i \rightarrow f} / h (\text{Hz})$	4,56E+14	6,16E+14	6,91E+14	7,32E+14	7,54E+14	7,71E+14
$\lambda_{f \rightarrow 2} = c / \nu_{f \rightarrow 2} (\text{m})$	6,58E-07	4,87E-07	4,34E-07	4,10E-07	3,98E-07	3,89E-07
$\lambda_{f \rightarrow 2} = c / \nu_{f \rightarrow 2} (\text{nm})$	658	4,87	4,34	4,10	3,98	3,89
<i>couleur</i>	<i>rouge</i>	<i>Bleu-clair</i>	<i>violet</i>	<i>violet</i>	<i>violet</i>	<i>violet</i>

- j. En observant le spectre d'émission de l'atome d'Hydrogène, identifier les raies en fonction des longueurs d'onde calculées précédemment. (1 Angstrom = 0,1 nanomètre)

$\lambda_{f \rightarrow 2} = c / \nu_{f \rightarrow 2} (\text{nm})$	658	4,87	4,34	4,10	3,98	3,89
<i>Raies de Balmer</i>	H_α	H_β	H_γ	H_γ	H_ϵ	H_ζ



Ces raies sont appelées « raies de Balmer ». Il existe d'autres raies, invisibles à l'œil nu, appelées « raies de Lyman » dans l'ultra-violet (transitions E_{n1}) et les « raies de Paschen » dans l'infrarouge (transitions E_{n3}).

Retrouver les raies de Balmer dans le spectre solaire de Fraunhofer.

Les autres raies

Lyman

\mathcal{E}_f (eV)	-13,6	-13,6	-13,6	-13,6	-13,6	-13,6
\mathcal{E}_i (eV)	-3,39	-1,51	-0,85	-0,54	-0,28	-0,21
$\Delta\mathcal{E}_{i \Rightarrow f}$ (eV)	1,02E+01	1,21E+01	1,28E+01	1,31E+01	1,33E+01	1,34E+01
$\Delta\mathcal{E}_{i \Rightarrow f}$ (J)	1,63E-18	1,93E-18	2,04E-18	2,09E-18	2,13E-18	2,14E-18
$\nu_{f \Rightarrow i} = \Delta\mathcal{E}_{i \Rightarrow f} /h$ (Hz)	2,47E+15	2,92E+15	3,08E+15	3,16E+15	3,22E+15	3,24E+15
$\lambda_{f \Rightarrow i} = c/\nu$ (m)	1,22E-07	1,03E-07	9,74E-08	9,50E-08	9,32E-08	9,27E-08
$\lambda_{f \Rightarrow i} = c/\nu$ (m)	1,22E+02	1,03E+02	9,74E+01	9,50E+01	9,32E+01	9,27E+01

Ultra violet

Lyman

\mathcal{E}_f (eV)	-1,51	-1,51	-1,51	-1,51	-1,51
\mathcal{E}_i (eV)	-0,85	-0,54	-0,28	-0,21	-0,28
$\Delta\mathcal{E}_{i \Rightarrow f}$ (eV)	6,60E-01	9,70E-01	1,23E+00	1,30E+00	1,23E+00
$\Delta\mathcal{E}_{i \Rightarrow f}$ (J)	1,06E-19	1,55E-19	1,97E-19	2,08E-19	1,97E-19
$\nu_{f \Rightarrow i} = \Delta\mathcal{E}_{i \Rightarrow f} /h$ (Hz)	1,60E+14	2,34E+14	2,97E+14	3,14E+14	2,97E+14
$\lambda_{f \Rightarrow i} = c/\nu$ (m)	1,88E-06	1,28E-06	1,01E-06	9,55E-07	1,01E-06
$\lambda_{f \Rightarrow i} = c/\nu$ (nm)	1,88E+03	1,28E+03	1,01E+03	9,55E+02	1,01E+03
Infra-rouge					